

交通現象の統計学への応用に関する検討

長 濱 友 治*

Some Consideration on Application of Traffic Phenomena to Statistics

Tomoharu NAGAHAMA

In this research, as the statistical subjects to be investigated about traffic phenomena, mainly the following problems were taken up.

First, on the frequency of occurrence of traffic accident fatality in three prefectures of Hokuriku (Toyama, Ishikawa and Fukui) during 1994, the comparative test on Poisson distribution and Polya-Eggenberger distribution was carried out. Next, the test of the probability of the distribution of traffic flow arrival in Fukui City was carried out, and it was confirmed that in normal traffic flow, negative binomial distribution fits, and in jammed traffic flow, binomial distribution fits. Further, as for Hokuriku Expressway, the test of the risk in respective interchange sections in Fukui Prefecture was carried out.

As the results of the above tests, new knowledges were acquired statistically about these traffic phenomena.

1. まえがき

近年、統計学は、自然科学、社会科学のあらゆる分野に応用され現象解析にきわめて有用な手法として位置づけられている。土木工学においては、特に土木計画学、交通工学の分野で顕著である。交通現象は、人、車、道路、気象環境等が複雑に関連し現象の解明は容易でない。交通現象の観測値は変動するデータであり、可能な限り高い精度で現象解析を行うためには、推計学的処理が必要である。一方、行動計量学的な統計学の応用として多次元解析手法が用いられ、いわゆる現象の数量化として現象解析が実証的に行われるようになったことは周知のとおりである。

本研究では、数例の交通現象を調査、観測し主として推計学的手法¹⁾により測定値のもたらす情報についてアプローチを試みた。

2. 交通事故による死者発生頻度の確率モデル

年間を通しての交通事故による死者数の発生頻度は、今まで Poisson 分布で近似できるこ

* 建設工学科土木工学専攻

とが定説となっている。すなわち、一般的に稀現象の発生モデルとして離散型確率分布関数として Poisson 分布がよく適合することは周知のとおりである。しかし著者は、昭和47年、踏切事故の危険度に関する統計解析を進めていた折、偶然にも北陸三県と大阪府における交通事故の死者発生頻度が Poisson 分布よりも、Pólya-Eggeberger 分布への適合度がきわめて高いことを確認²⁾した。この Pólya-Eggeberger 分布は、伝染病による死者の発生確率モデルとして北川博士が1920年代に九州地区で発生した伝染病に関して、死者発生頻度が Poisson 分布より格段に適合度が高いことを検定³⁾している。なお、このことは、後日著者が知ったところである。

交通事故による死者の発生が伝染病と同様な伝播現象とみなせるか否か北川博士に連絡したところ大変興味を示されたが、博士の海外出張と著者の踏切研究推進の内に会う機会を得ず時が流れた。したがって今日まで追跡調査、疫学的調査も行っていない。

20年有余を経た現在、当時に比べ、道路構造、安全施設が整備され事故多発地点が殆ど姿を消し交通環境が大きく変化した。つまり、事故発生地点はランダムとなり、さらに夜間事故が多発するなど事故の質的内容が大きく変化した。そこで再度最近の交通事故死者発生頻度について実態を分析することにした。

(1) Poisson 分布

Poisson 分布は、交通事故をはじめ、その他の事故等、稀現象とみられるものは殆どこのモデルで表わすことができる。さらに交通分野では、郊外地での車の単位時間（秒）に到着する台数等は代表例である。

一般にある現象が起こる確率 $P(x)$ は

$$P(x) = \frac{m^x}{x!} e^{-m} \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

(m : ある事象の平均値, $m > 0$, $x = 0, 1, 2 \dots$)

(2) Pólya-Eggeberger 分布

Pólya-Eggeberger は、自殺が稀な現象であり、伝播性があるとして開発したモデルである。つまり、ある現象が起きると次の現象の出方に影響を与えるような事象であり、前述のように伝染病の発生モデルとして知られている。

$$P(x) = \frac{h(h+d)(h+2d)\dots\{m+(x-1)d\}}{x!} (1+d)^{-x-\frac{m}{d}} \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

(h : ある現象の平均値, d : 伝播係数, $h, d > 0$, $x = 0, 1, 2 \dots$)

伝播係数 d は標本分散を s^2 とすると $d = s^2/h - 1$ であり現象の伝播強弱は d によって左右される。

平成 6 年に発生した北陸 3 県の死者発生データから両分布関数の適合度への検定を行った。富山県のケースを表-1, 表-2 に示すが Poisson 分布では、 $m = \sum f_x \cdot x / \sum f_x = 0.2932$ から確率、理論頻度等を求めた。Pólya-Eggeberger 分布においては、 $s^2 = 0.3223$, $h = 0.2932$ から伝播係数 $d = 0.0992$ を得て確率等の計算を行った。

両分布関数の適合度について χ^2 検定を行ってみると、Poisson 分布では $\chi_0^2 = 2.51 < \chi_2(\phi = 2, \alpha = 0.05)$ であり Pólya-Eggeberger 分布の場合 $\chi_0^2 = 0.38 < \chi^2(\phi = 2, \alpha = 0.05) = 3.84$ となり、ともに 5 % の有意水準で各分布に適合しているとみなせることができた。ここで、どの分布関数への適合度が高いかを求めてみる。 χ^2 分布曲線の上側確率 $Q(\chi^2, \nu)$ の値が適合度を表わし、得られた結果は Poisson の 28.6 % に対して Pólya-Eggeberger が 53.4 % の高い値を示した。さらに、石川県では Poisson 19.2 %, Pólya-Eggeberger 74.3 % となり格段の相違を見せた。一方、福井県では、Poisson 73.0 % に対し Pólya-Eggeberger 64.9 % と僅かに低い。

両分布関数とも離散型確率分布であるが、Poisson が独立現象モデルであるのに対し、Pólya-Eggeberger は伝播現象モデルである。20年前、圧倒的に Pólya-

Eggeberger 分布の適合度が高く、当時この原因は劣悪な交通環境が伝播現象を起こすためと推論した。いずれにしても今日、Pólya-Eggeberger 分布が 3 県で 50 % 以上の適合度を示すことから交通事故は、伝播現象としてとらえられるのが妥当と思われる。

3. 北陸高速道（福井県内）IC 区間の危険度に関する統計的検定

わが国の近年における高速自動車国道における事故の実態は、表-3 のとおりである。道路の危険度は交通工学から、件/億台キロで表わされるが、表-3 にみられるように各高速自動車国道の事故率は、10.0 前後であり、平均値で平成 6 年では 10.7 である。これは同年の一般道路での全国平均事故率 106.7 に比べ著しく低い。つまり、危険度が低いといえるが死亡事故率は顕著に高い。

表-4 は、平成 5 年中に北陸高速道（福井県内）の各 IC 区間（No.① No.⑨ は県境～IC）に発生した人身事故の上下線を合計した事故件数等である。特に敦賀～今庄の IC 区間は、山地部で長大トンネルも多く道路の平面線形、縦断線等の幾何構造は、道路構造令に準拠した設計ではあるが、規制速度を越えて走行するドライバーには、危険度の高い構造である。さらに、降雨、雪氷路面等の気象条件が事故多発の要因となっている。しかし、これまで事故率上からみた調査等は行われていない。そこで、事故率を軸として各区間の危険度に有意差があるか否か統計的に

表-1 死者発生頻度の Poisson 分布への適合度 (富山県)

死 者 数 x (人/日)	死 者 頻 度 f_x	確 率 $P(x)$	理 論 頻 度 F_x	$\frac{f_x^2}{F_x}$
0	277	0.7459	275.25	281.83
1	71	0.2187	79.83	63.15
2	15	0.0321	11.72	19.20
3	2	0.0031		
4	0	0.0002	0.0033	1.20
≥ 5	0	0.0000		3.33
計	365	1.0000	365.00	367.51

表-2 Pólya-Eggenberger 分布への適合度 (富山県)

死 者 数 x (人/日)	死 者 頻 度 f_x	確 率 $P(x)$	理 論 頻 度 F_x	$\frac{f_x^2}{F_x}$
0	277	0.7561	275.98	278.02
1	71	0.2017	73.62	68.47
2	15	0.0360	13.14	17.12
3	2	0.0054		
4	0	0.0007	0.0062	2.26
≥ 5	0	0.0001		1.77
計	365	1.0000	365.00	365.38

表-4 北陸高速道(上, 下線)の事故件数・走行台キロ／年

No.	I C 区間	距離(km)	A D T	事故件数	走行台キロ
①	県境～敦賀	10.4	22,889	2	86.89×10^6
②	敦賀～今庄	21.5	25,630	28	201.13×10^6
③	今庄～武生	12.5	25,176	13	114.87×10^6
④	武生～鯖江	5.4	25,531	3	50.32×10^6
⑤	鯖江～福井	11.2	26,246	10	107.29×10^6
⑥	福井～福井北	6.4	23,290	3	54.41×10^6
⑦	福井北～丸岡	6.8	23,366	6	57.99×10^6
⑧	丸岡～金津	10.5	23,801	11	91.22×10^6
⑨	金津～県境	3.5	24,187	2	30.90×10^6
				78	795.02×10^6

4. 交通流の到着台数分布確率モデル

交通流が Poisson 分布するためには、交通量が少なく自由流の場合である。現在、都市部では信号機の設置密度が高く交通需要も大きい。著者らの観測では福井市内においても、10年前からの χ^2 検定より Poisson 分布とみなせない。Gerlough D. L. ら^{5), 6)}は、交通流分布の分散/平均が1よりかなり大きければ、負の二項分布、1よりかなり小さければ二項分布になると述べている。

4. 1 負の二項分布

$$P(x) = \frac{(k+x-1)(k+x-2)\dots(k+1)k}{x!} p^k q^x \quad \dots \dots \dots \quad (4)$$

$$(q = 1-p, x = 0, 1, 2, \dots)$$

パラメータの推定値は $p = \bar{x}/s^2$,

$k = \bar{x}^2/(s^2 - \bar{x})$, 代表的ケースとして光陽交差点南側100 m の路上での10秒間に到着する車の台数を表-5に示す。

$\bar{x} = 3.8444$, $s^2 = 8.3202$, $s^2/\bar{x} = 2.1642 > 1$, さらに $p = \bar{x}/s^2 = 0.4621$, $q = 1-p = 0.5379$, $k = \bar{x}/(s^2 - \bar{x}) = 3.3021$, χ^2 検定を行って $\chi_0^2 = 7.65 < \chi^2(\phi = 7, \alpha = 0.05) = 14.07$ となり 5 % の有意水準で負の二項分布しているとみなせる。表-6 に光陽交差点

表-5 自動車到着台数の負の二項分布への適合度

通過台数 x(台/10 s)	観測頻度 f_x	確率 $P(x)$	理論頻度 F_x	$\frac{f_x^2}{F_x}$
0	16	0.0781	14.06	18.21
1	28	0.1388	24.98	31.39
2	30	0.1606	28.91	31.13
3	17	0.1527	27.49	10.51
4	25	0.1294	23.29	26.84
5	17	0.1016	18.29	15.80
6	14	0.0757	13.36	14.38
7	10	0.0541	9.74	10.27
8	11	0.0375	6.75	17.93
9	2	0.0253		
10	4	0.0167		
11	4	0.0109	0.0715	12.87
12	2	0.0070		11.19
≥ 13	0	0.0116		
計	180	1.0000	180.00	187.65

を中心とした観測時間帯の変化による交通流の負の二項分布への適合度を χ^2 検定した結果を示す。すべて 5 % 有意水準で負の二項分布とみなせるが適合度において、かなりの差がある。

表-6 観測点・時間帯ごとの負の二項分布検定結果

No.	観測点	観測日時	時間(s)	χ^2 検定	適合度(%)
1	光陽交差点 南側	平成7.5.24 A.M 11:00~11:30	10	$x_0^2 = 7.65 < \chi^2$ ($\phi = 7, \alpha = 0.05$) = 14.07	36.5
2	光陽交差点 南側	平成7.5.24 P.M 1:00~2:00	20	$x_0^2 = 8.95 < \chi^2$ ($\phi = 11, \alpha = 0.05$) = 19.68	62.6
3	光陽交差点 東側	平成7.5.24 A.M 11:00~11:30	10	$x_0^2 = 7.82 < \chi^2$ ($\phi = 5, \alpha = 0.05$) = 11.07	16.7
4	光陽交差点 東側	平成7.5.24 P.M 1:00~2:00	20	$x_0^2 = 6.91 < \chi^2$ ($\phi = 9, \alpha = 0.05$) = 16.92	64.6
5	光陽交差点 西側	平成7.9.5 A.M 7:30~8:30	20	$x_0^2 = 16.30 < \chi^2$ ($\phi = 9, \alpha = 0.05$) = 16.92	6.1
6	光陽交差点 南側	平成7.9.5 A.M 7:30~8:30	20	$x_0^2 = 41.25 < \chi^2$ ($\phi = 31, \alpha = 0.05$) = 45.00	10.5
7	工大西側 ユース前	平成7.9.6 A.M 7:30~8:30	20	$x_0^2 = 16.55 < \chi^2$ ($\phi = 10, \alpha = 0.05$) = 18.31	8.5
8	工大西側 ユース前	平成7.9.6 P.M 5:00~6:00	20	$x_0^2 = 5.63 < \chi^2$ ($\phi = 10, \alpha = 0.05$) = 18.31	84.5

4.2 二項分布

$$p(x) = \frac{n!}{x!(n-x)!} p^x q^{n-x} \quad \dots \quad (5)$$

$$(q = 1-p, x = 0, 1, 2, \dots, n)$$

パラメーターの推定値は $p = (\bar{x} - s^2)/\bar{x}$, $n = \bar{x}^2/(\bar{x} - s^2)$ 交通流が均等流（交通渋滞に近い）とみられるモデルケースとして国道416号、明治橋東側での観測(A.M 7:30~8:30) 結果の一部を表-7 に示す。

$\bar{x} = 10.4154, s^2 = 10.0275, s^2/\bar{x} = 0.9627 < 1, p = (\bar{x} - s^2)/\bar{x} = 0.0372, q = 1 - p = 0.9628, n = \bar{x}^2/(\bar{x} - s^2) = 280, \chi^2$ 検定を行ってみると $\chi_0^2 = 21.83 < \chi^2(\phi = 13, \alpha = 0.05) = 22.4$, 5 % 有意水準で辛うじて二項分布とみなせる。

表-7 自動車到着台数の二項分布への適合度

通過台数 x (台/20s)	観測頻度 f_x	確率 $P(x)$	理論頻度 F_x	$\frac{f_x^2}{F_x}$
0	0	0.0000246	0.00	0.00
1	0	0.0002661	0.03	0.00
2	0	0.0014343	0.19	0.00
3	0	0.0051354	0.67	0.00
4	0	0.0137404	1.79	0.00
5	8	0.0293052	3.81	16.80
6	9	0.0518959	6.75	12.00
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
14	10	0.0609993	7.93	12.61
15	4	0.0417948		
16	6	0.0267458		
17	1	0.0160479	0.1011600	13.16
18	2	0.0090596		12.84
≥ 19	0	0.0075119		
計	130	1.0000000	130.00	151.83

交通現象の統計学への応用に関する検討

危険度の検定、福井県の「交通マナー日本一運動」の効果測定について推計学的処理を行い新しい知見を得た。事故対策の一助となれば幸いである。

なお、本研究は平成7年度卒研生、荻野雅則君他3名の協力を得た。ここに記して感謝の意を表する。

参考文献

- 1) 福井三郎外3名：推計学入門演習、産業図書、1966.
- 2) 長濱友治：交通事故死者発生頻度の Pólya-Eggeberger's distribution への適合、土木学会関西支部年次学術講演会、1973.
- 3) 例えば、立川清：例解統計学、第1出版、1964.
- 4) 宮原克典：交通工学のための統計学、交通工学、Vol. 8, No3, 1973.
- 5) Gerlough D. L. and M. J. Huber : Traffic Flow Theory. T. R. B. Special Report 165, 1975.
- 6) 河上省吾、松井 寛：交通工学、森北出版、1987.
- 7) 長濱友治：福井市における通行者の安全行動と横断歩道の危険性に関する研究、福井工業大学研究紀要第19号 1889.

(平成8年10月14日受理)